

UNIVERSITÀ DI PAVIA
 FACOLTÀ DI INGEGNERIA
 CORSO DI LAUREA IN INGEGNERIA INDUSTRIALE
Prova scritta di Fisica Matematica
 7 settembre 2020

Il *candidato* scriva nello spazio sottostante il proprio Cognome e Nome.

COGNOME

NOME

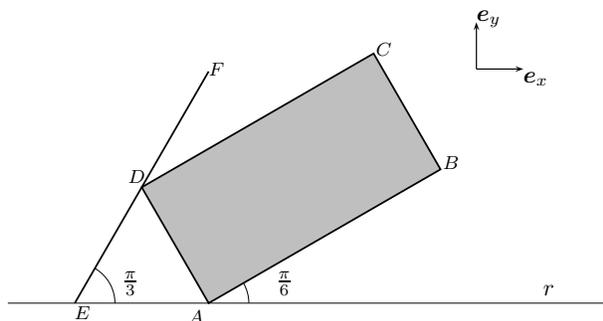
La *prova* consta di **3** Quesiti e durerà **2 ore e 30 minuti**. *Non è permesso* consultare testi od appunti, al di fuori di quelli distribuiti dalla Commissione.

1. Assegnato il sistema di vettori applicati:

$$\begin{cases} \mathbf{v}_1 = 3\mathbf{e}_x - \mathbf{e}_y - 2\mathbf{e}_z & \text{applicato in } P_1 - O \equiv (2, 1, 1), \\ \mathbf{v}_2 = 3\mathbf{e}_x - 3\mathbf{e}_y - \mathbf{e}_z & \text{applicato in } P_2 - O \equiv (2, 3, 1), \\ \mathbf{v}_3 = -4\mathbf{e}_x + 2\mathbf{e}_y + 4\mathbf{e}_z & \text{applicato in } P_3 - O \equiv (-1, -4, 1) \end{cases}$$

determinarne il risultante (**1** punto); il momento risultante rispetto ad O (**3** punti); il trinomio invariante (**1** punto); l'equazione dell'asse centrale (**2** punti).

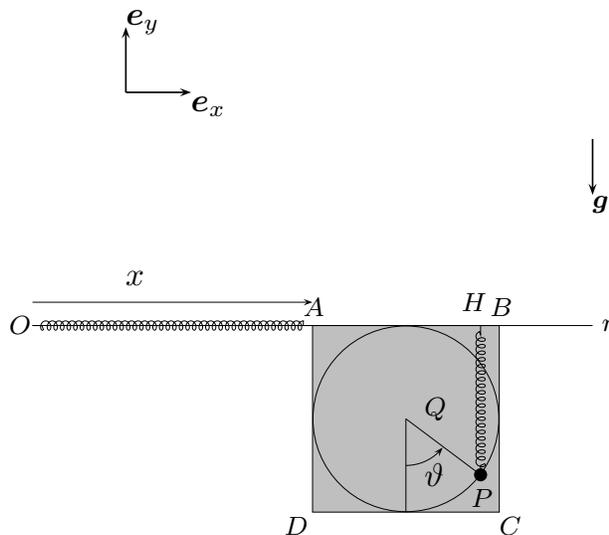
2. Un corpo rigido è formato da un rettangolo $ABCD$ di massa m e lati AB di lunghezza 4ℓ , inclinato di $\frac{\pi}{6}$ sull'orizzontale r ed $AD = 2\ell$; da un'asta EF di lunghezza 4ℓ , massa $3m$, inclinata di $\frac{\pi}{3}$ rispetto ad r e che si appoggia su D . Determinare il momento di inerzia di ciascuno dei due corpi rispetto alla bisettrice



dell'angolo AEF (**4** punti); Determinare il momento centrale di inerzia del corpo nella direzione e_y (**7** punti).

2

3. In un piano verticale, il lato $AB = 2\ell$ di un quadrato omogeneo $ABCD$, di massa $2m$ e centro di simmetria Q , trasla senza attrito lungo una guida orizzontale r . Dentro una scanalatura circolare di centro Q e raggio ℓ scorre senza attrito un punto materiale P di massa m . Il punto P è attratto da una molla ideale di costante elastica $\eta\frac{mg}{\ell}$, verso un punto H di AB , privo di massa e mobile in modo che PH sia sempre verticale, mentre A è attratto verso un punto O fisso di r da un'altra molla ideale di costante elastica $3\frac{mg}{\ell}$. Introdotte le coordinate x e ϑ indicate in figura, determinare le configurazioni di equilibrio ordinarie del



sistema, studiandone la stabilità al variare di $\eta > 0$ (6 punti). Posto $\eta = 1$, trovare l'energia cinetica del sistema (3 punti) e trovare le pulsazioni delle piccole oscillazioni del sistema in un intorno della configurazione di equilibrio stabile (3 punti).