

A N A L I S I U N O

appello del 12 giugno 2000

cognome e nome

firma

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella prescelta così: ■

1. L'integrale

$$\int_0^7 \max \{2(x-1), |\ln x|\} dx$$

vale:

0. 4. 13. 22. 31. 37. 43. 52. 55. 68. 81.

ESATTA: punti 4 BIANCA: punti 0 ERRATA: punti -1

2. Sia $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ la funzione definita dalla formula

$$f(x) = \int_{-\infty}^x [5 \exp(-y^4)] dy, \quad x \in \mathbb{R},$$

ove $[\cdot]$ è la parte intera. Allora il numero dei punti in cui F non è derivabile vale:

0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10.

ESATTA: punti 4 BIANCA: punti 0 ERRATA: punti -1

3. Sia $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ una funzione biettiva e di classe C^2 tale che

$$f(2) = 3, \quad f(3) = 2, \quad f'(2) = -2, \quad f'(3) = -2, \quad f''(2) = 24, \quad f''(3) = 16$$

e sia $g = f^{-1}$. Allora $g''(2)$ vale:

0. 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7. 8. 9. 10.

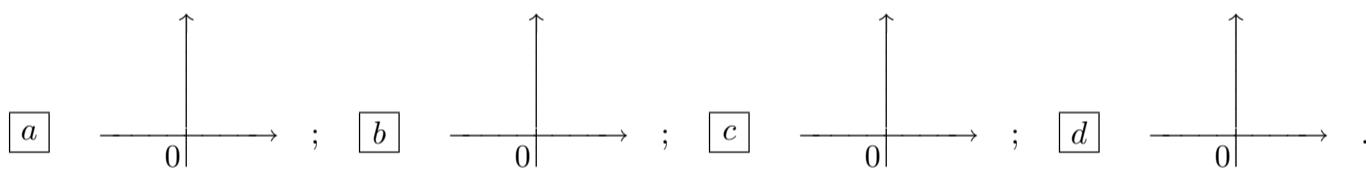
ESATTA: punti 4 BIANCA: punti 0 ERRATA: punti -1

tempo a disposizione
2 ore complessivespazio riservato
alla commissione1. 2. 3. totale

| | | |
|------------------------------|----------------|-------|
| A N A L I S I U N O | cognome e nome | firma |
| appello del 12 giugno 2000 | | |

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella prescelta così: ■

1. Sia $\{a_n\}_{n \geq 0}$ una successione strettamente monotona e infinitesima. Allora: la successione $\{1/a_n\}$ diverge a $+\infty$; la serie $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ converge; esiste $\alpha > 1$ tale che la serie $\sum_{n=1}^{\infty} |a_n|^{\alpha}$ converga; il limite della successione $\{(f(a_n) - f(0))/a_n\}$ esiste per ogni $f \in C^1(\mathbb{R})$.
2. Sia $f \in C^0(\mathbb{R})$ integrabile in \mathbb{R} . Allora: f è limitata in \mathbb{R} ; f è infinitesima per $x \rightarrow +\infty$; la funzione $x \mapsto \int_x^{2x} f(y) dy$ è lipschitziana in $[0, 1]$; la serie $\sum_{n=0}^{\infty} f(n)$ converge.
3. Sia f definita in $[0, 1]$ a valori reali di classe C^1 in $]0, 1[$ e sia $a \in [0, 1]$ un punto di massimo relativo per f . Allora esiste un intorno I di a tale che $f(a) = \inf_{x \in I \cap [0, 1]} f(x)$; $f'(a) = 0$; f è continua in a ; esiste un intorno I di a tale che $f(a) = \sup_{x \in I \cap [0, 1]} f(x)$.
4. Sia $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ strettamente positiva e localmente integrabile e si ponga $F(x) = \int_0^x f(y) dy$ per $x \in \mathbb{R}$. Allora: F è derivabile in 0 ; $F(x) < 0 \quad \forall x < 0$; F è limitata; F è lipschitziana.
5. Sia $f \in C^{\infty}(\mathbb{R})$ tale che $f^{(n)}(0) = 0 \quad \forall n \geq 0$. Allora: f''' è limitata in \mathbb{R} ; f è identicamente nulla; f è identicamente nulla in un intorno di 0 ; f'' è lipschitziana in $[2, 5]$.
6. Posto $\alpha = \int_0^{\infty} e^{-4x} dx$, il grafico della funzione $f(x) = |\sinh x|^{4\alpha}$ è il seguente:



7. Sia $f \in C^0[0, +\infty)$ tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$. Allora f è: non costante; limitata; integrabile in senso improprio; lipschitziana.
8. Sia $f \in C^1[0, +\infty[$ tale che $f(x) = 3x + 4 + o(1)$ per $x \rightarrow +\infty$. Allora il limite $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$: esiste se f è monotona; esiste e vale 3; esiste se f è concava; esiste e vale 4.
9. Il numero delle soluzioni complesse dell'equazione $z^8 - i = 0$ che verificano $\operatorname{Im} z < 1 - \operatorname{Re} z$ vale: 8; 2; 4; 6.

| |
|--|
| tempo a disposizione
2 ore complessive |
|--|

| |
|---|
| Per ogni risposta:
ESATTA=punti 2, BIANCA=punti 0, ERRATA=punti -1. |
|---|