

# Analisi A

<b>Appello del giorno</b>  <b>12/02/07</b>	<b>Cognome e nome (stampatello chiaro)</b>	<b>C.L. (M/F)</b>
--	--	-------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così:

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3**, **Bianca = 0**, **Errata = -1**.

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti**.

---

- Il limite  $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \tanh(x^2 + y^2)/(x^4 + y^4)$   vale  $+\infty$ ;  vale 1;  non esiste;  vale 0.
- Se  $E \subseteq \mathbb{R}$  è un intervallo, si ponga  $m(E) = \text{lungh}(E \cap (-3,1)) + \int_{E \cap (0,2)} x dx$  e si consideri lo spazio elementare di misura  $(\mathbb{R}, \mathcal{E}, m)$ , ove  $\mathcal{E}$  è il semianello degli intervalli. Sia  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  data da  $f(x) = 8$  se  $x \in (0,1)$ ,  $f(x) = -2$  se  $x \in (1,4)$  e  $f(x) = 0$  altrimenti. Allora l'integrale  $\int_{\mathbb{R}} f(x) dm$  vale  5;  6;  8;  9.
- Posto  $a_n = (2e)^n/n!$  per  $n > 0$  intero, il limite  $\lim_{n \rightarrow \infty} (1 + a_n)^n (1 + \cosh 2^{-n})^2$  vale  5;  2;  4;   $+\infty$ .
- Sia  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  data da  $f(x) = \sin x^3/\sinh x$  se  $x > 0$  e  $f(x) = 0$  se  $x \leq 0$ . Allora  $f$  è:  continua ma non differenziabile;  non limitata;  discontinua;  differenziabile.
- Il limite destro  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \{(1 + x^5)^{2/3} - 1\} / \{x \sin x^4\}$  vale   $2/3$ ;   $1/3$ ;  1;   $4/3$ .
- Per  $\alpha > 0$  si ponga  $I(\alpha) = \int_{\alpha}^{1/3} v^{-1/2} \arctan v^{1/2} dv$ . Allora  $\lim_{\alpha \rightarrow 0} I(\alpha)$  vale   $2\pi/\sqrt{3} - \ln(4/3)$ ;   $\pi\sqrt{3}/9 - \ln 4$ ;   $2\pi/\sqrt{3} - \ln 4$ ;   $\pi\sqrt{3}/9 - \ln(4/3)$ .
- Sia  $S$  la serie  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n/b_n$  ove  $a_n = (1 + n^{-1})^{n+2}$  e  $b_n = 1 + (-1)^n n^{-3}$ . Allora  $S$   converge assolutamente;  diverge;  converge semplicemente;  oscilla.
- Sia  $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  di classe  $C^1$  tale che  $u(x) + u^5(x) = x^4 + 1$  per ogni  $x$  e  $u(1) = 1$ . Allora  $u'(1)$  vale   $3/2$ ;  0;   $2/3$ ;  1.
- Sia  $h : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$  di classe  $C^1$  tale che  $h(x) < 0$  se  $|x| < 5$ ,  $h(x) > 0$  se  $|x| > 5$  e  $\nabla h(-3,4) = (a,b) \neq (0,0)$ . Allora   $b < 0$ ;   $a < 0$ ;   $ab > 0$ ;   $ab = 0$ .
- Se  $z = e^{i\pi/2} + 2e^{i\pi}$ , allora  $10 \text{Im}(1/z)$  vale  -4;  2;  4;  -2.

---

spazio riservato alla commissione