

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così:

L'esercizio contrassegnato con è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-10} (\sqrt[4]{1+x^5} + \sqrt[4]{1-x^5} - 2)$ vale $-3/16$; $-4/25$; $-3/25$; $3/25$.
- 2. **Fisici:** Sia $C = \{(t^2/2, t^3/3) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1+2x)^{-1/2} ds$ vale $1/3$; $1/2$; $1/4$; $1/5$.
- 3. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(3+3t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(7)$ vale 2 ; $1/3$; 0 ; 3 .
4. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 3xy = 5, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f non ha minimo e $\inf f = 6/5$; non ha minimo e $\inf f = 10/3$; ha minimo e $\min f = 10/3$; ha minimo e $\min f = 6/5$.
5. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 9 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3x\}$. Allora il volume di B vale 37 ; 18 ; 56 ; $21/2$.
6. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 9u(t) = 18(1 + e^{3t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 3$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale e^2 ; e^3 ; $3e^2$; $2e^3$.
7. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(4)} \exp(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \exp(1 + 4|x|^2) ds$, è corretta se λ vale 8 ; 2 ; 4 ; 16 .
8. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^3(1 + u^4(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 3$, sia u la soluzione massimale. Allora u è globale e decrescente; globale e crescente; non globale e crescente; non globale e decrescente.
9. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sin(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 4] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora g ha massimo locale in 0 ; g ha minimo locale in 0 ; esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente.
10. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \arctan(1/x^3)$ è discontinua; non ha massimo; è uniformemente continua; è lipschitziana.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così:

L'esercizio contrassegnato con è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

- **1. Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(4 + 4t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(15)$ vale a) 0; b) 4; c) 2; d) $1/4$.
- 2.** Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^5(1 + u^3(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 5$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a) non globale e crescente; b) non globale e decrescente; c) globale e crescente; d) globale e decrescente.
- 3.** Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sinh(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 3] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a) esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente; b) esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; c) g ha massimo locale in 0; d) g ha minimo locale in 0.
- 4.** Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-8} (\sqrt[5]{1+x^4} + \sqrt[5]{1-x^4} - 2)$ vale a) $-3/25$; b) $3/25$; c) $-4/25$; d) $-3/16$.
- **5. Fisici:** Sia $C = \{(t^3/3, t^2/2) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2y)^{-1/2} ds$ vale a) $1/4$; b) $1/5$; c) $1/3$; d) $1/2$.
- 6.** Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 5xy = 3, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a) ha minimo e $\min f = 6/5$; b) ha minimo e $\min f = 10/3$; c) non ha minimo e $\inf f = 10/3$; d) non ha minimo e $\inf f = 6/5$.
- 7.** La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \tanh(1/x^5)$ a) è uniformemente continua; b) è lipschitziana; c) è discontinua; d) non ha minimo.
- 8.** Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 4u(t) = 8(1 + e^{2t}) \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 2$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a) $3e^2$; b) $2e^3$; c) e^3 ; d) e^2 .
- 9.** Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(8)} \ln(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \ln(1 + 16|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a) 16; b) 2; c) 64; d) 4.
- 10.** Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 4 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3y\}$. Allora il volume di B vale a) 37; b) $21/2$; c) 56; d) 18.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con • è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sin(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 2] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a g ha massimo locale in 0; b g ha minimo locale in 0; c esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; d esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente.
2. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 9u(t) = 18(1 + e^{3t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 3$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a e^2 ; b e^3 ; c $3e^2$; d $2e^3$.
3. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(4)} \exp(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \exp(1 + 4|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a 8; b 2; c 4; d 16.
- 4. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(3 + 3t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(7)$ vale a 2; b $1/3$; c 0; d 3.
5. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^7(1 + u^2(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 3$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a globale e decrescente; b globale e crescente; c non globale e crescente; d non globale e decrescente.
6. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-10} (\sqrt[4]{1+x^5} + \sqrt[4]{1-x^5} - 2)$ vale a $-3/16$; b $-4/25$; c $-3/25$; d $3/25$.
7. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 9 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3x\}$. Allora il volume di B vale a 37; b 18; c 56; d $21/2$.
8. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 3xy = 5, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a non ha minimo e $\inf f = 6/5$; b non ha minimo e $\inf f = 10/3$; c ha minimo e $\min f = 10/3$; d ha minimo e $\min f = 6/5$.
9. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \arctan(1/x^3)$ a è discontinua; b non ha massimo; c è uniformemente continua; d è lipschitziana.
- 10. **Fisici:** Sia $C = \{(t^2/2, t^3/3) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2x)^{-1/2} ds$ vale a $1/3$; b $1/2$; c $1/4$; d $1/5$.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con • è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(8)} \ln(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \ln(1 + 16|x|^2) ds$, è corretta se λ vale
 a 16; b 2; c 64; d 4.
2. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 5xy = 3, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a ha minimo e $\min f = 6/5$; b ha minimo e $\min f = 10/3$; c non ha minimo e $\inf f = 10/3$; d non ha minimo e $\inf f = 6/5$.
3. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \tanh(1/x^5)$ a è uniformemente continua; b è lipschitziana; c è discontinua; d non ha minimo.
4. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sinh(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 8] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente; b esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; c g ha massimo locale in 0; d g ha minimo locale in 0.
5. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 4u(t) = 8(1 + e^{2t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 2$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a $3e^2$; b $2e^3$; c e^3 ; d e^2 .
- 6. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(4 + 4t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(15)$ vale a 0; b 4; c 2; d $1/4$.
- 7. **Fisici:** Sia $C = \{(t^3/3, t^2/2) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2y)^{-1/2} ds$ vale a $1/4$; b $1/5$; c $1/3$; d $1/2$.
8. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-8} (\sqrt[5]{1+x^4} + \sqrt[5]{1-x^4} - 2)$ vale a $-3/25$; b $3/25$; c $-4/25$; d $-3/16$.
9. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 4 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3y\}$. Allora il volume di B vale a 37; b $21/2$; c 56; d 18.
10. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^3(1 + u^8(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 5$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a non globale e crescente; b non globale e decrescente; c globale e crescente; d globale e decrescente.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così:

L'esercizio contrassegnato con è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \arctan(1/x^3)$ a è discontinua; b non ha massimo; c è uniformemente continua; d è lipschitziana.
2. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-10}(\sqrt[4]{1+x^5} + \sqrt[4]{1-x^5} - 2)$ vale a $-3/16$; b $-4/25$; c $-3/25$; d $3/25$.
3. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 9 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3x\}$. Allora il volume di B vale a 37; b 18; c 56; d $21/2$.
4. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(4)} \exp(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \exp(1 + 4|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a 8; b 2; c 4; d 16.
5. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 3xy = 5, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a non ha minimo e $\inf f = 6/5$; b non ha minimo e $\inf f = 10/3$; c ha minimo e $\min f = 10/3$; d ha minimo e $\min f = 6/5$.
6. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sin(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 7] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a g ha massimo locale in 0; b g ha minimo locale in 0; c esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; d esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente.
7. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^9(1 + u^7(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 3$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a globale e decrescente; b globale e crescente; c non globale e crescente; d non globale e decrescente.
- 8. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(3 + 3t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(7)$ vale a 2; b $1/3$; c 0; d 3.
- 9. **Fisici:** Sia $C = \{(t^2/2, t^3/3) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2x)^{-1/2} ds$ vale a $1/3$; b $1/2$; c $1/4$; d $1/5$.
10. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 9u(t) = 18(1 + e^{3t}) \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 3$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a e^2 ; b e^3 ; c $3e^2$; d $2e^3$.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con ● è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 4 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3y\}$. Allora il volume di B vale
 a 37; b $21/2$; c 56; d 18.
- 2. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(4 + 4t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(15)$ vale a 0; b 4; c 2; d $1/4$.
- 3. **Fisici:** Sia $C = \{(t^3/3, t^2/2) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2y)^{-1/2} ds$ vale
 a $1/4$; b $1/5$; c $1/3$; d $1/2$.
4. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \tanh(1/x^5)$ a è uniformemente continua;
 b è lipschitziana; c è discontinua; d non ha minimo.
5. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-8} (\sqrt[5]{1+x^4} + \sqrt[5]{1-x^4} - 2)$ vale a $-3/25$; b $3/25$; c $-4/25$;
 d $-3/16$.
6. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(8)} \ln(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \ln(1 + 16|x|^2) ds$, è corretta se λ vale
 a 16; b 2; c 64; d 4.
7. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 4u(t) = 8(1 + e^{2t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 2$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a $3e^2$; b $2e^3$; c e^3 ; d e^2 .
8. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sinh(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 6] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente; b esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; c g ha massimo locale in 0; d g ha minimo locale in 0.
9. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^7(1 + u^6(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 5$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a non globale e crescente; b non globale e decrescente; c globale e crescente; d globale e decrescente.
10. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 5xy = 3, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a ha minimo e $\min f = 6/5$; b ha minimo e $\min f = 10/3$; c non ha minimo e $\inf f = 10/3$; d non ha minimo e $\inf f = 6/5$.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così:

L'esercizio contrassegnato con è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

- **1. Fisici:** Sia $C = \{(t^2/2, t^3/3) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2x)^{-1/2} ds$ vale a) 1/3; b) 1/2; c) 1/4; d) 1/5.
- **2.** Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sin(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 5] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a) g ha massimo locale in 0; b) g ha minimo locale in 0; c) esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; d) esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente.
- **3.** Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^5(1 + u^5(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 3$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a) globale e decrescente; b) globale e crescente; c) non globale e crescente; d) non globale e decrescente.
- **4.** Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 9 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3x\}$. Allora il volume di B vale a) 37; b) 18; c) 56; d) 21/2.
- **5. Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(3 + 3t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(7)$ vale a) 2; b) 1/3; c) 0; d) 3.
- **6.** La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \arctan(1/x^3)$ a) è discontinua; b) non ha massimo; c) è uniformemente continua; d) è lipschitziana.
- **7.** Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 3xy = 5, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a) non ha minimo e $\inf f = 6/5$; b) non ha minimo e $\inf f = 10/3$; c) ha minimo e $\min f = 10/3$; d) ha minimo e $\min f = 6/5$.
- **8.** Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(4)} \exp(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \exp(1 + 4|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a) 8; b) 2; c) 4; d) 16.
- **9.** Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 9u(t) = 18(1 + e^{3t}) \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 3$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a) e^2 ; b) e^3 ; c) $3e^2$; d) $2e^3$.
- **10.** Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-10} (\sqrt[4]{1+x^5} + \sqrt[4]{1-x^5} - 2)$ vale a) $-3/16$; b) $-4/25$; c) $-3/25$; d) $3/25$.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con • è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^9(1 + u^4(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 5$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a non globale e crescente; b non globale e decrescente; c globale e crescente; d globale e decrescente.
2. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(8)} \ln(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \ln(1 + 16|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a 16; b 2; c 64; d 4.
3. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 4u(t) = 8(1 + e^{2t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 2$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a $3e^2$; b $2e^3$; c e^3 ; d e^2 .
- 4. **Fisici:** Sia $C = \{(t^3/3, t^2/2) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2y)^{-1/2} ds$ vale a 1/4; b 1/5; c 1/3; d 1/2.
5. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sinh(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 4] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente; b esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; c g ha massimo locale in 0; d g ha minimo locale in 0.
6. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 4 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3y\}$. Allora il volume di B vale a 37; b 21/2; c 56; d 18.
7. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-8} (\sqrt[5]{1+x^4} + \sqrt[5]{1-x^4} - 2)$ vale a $-3/25$; b $3/25$; c $-4/25$; d $-3/16$.
8. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \tanh(1/x^5)$ a è uniformemente continua; b è lipschitziana; c è discontinua; d non ha minimo.
9. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 5xy = 3, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a ha minimo e $\min f = 6/5$; b ha minimo e $\min f = 10/3$; c non ha minimo e $\inf f = 10/3$; d non ha minimo e $\inf f = 6/5$.
- 10. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(4 + 4t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(15)$ vale a 0; b 4; c 2; d 1/4.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con ● è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 9u(t) = 18(1 + e^{3t}) \quad \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 3$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a e^2 ; b e^3 ; c $3e^2$; d $2e^3$.
2. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \arctan(1/x^3)$ a è discontinua; b non ha massimo; c è uniformemente continua; d è lipschitziana.
3. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 3xy = 5, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a non ha minimo e $\inf f = 6/5$; b non ha minimo e $\inf f = 10/3$; c ha minimo e $\min f = 10/3$; d ha minimo e $\min f = 6/5$.
4. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^3(1 + u^3(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 3$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a globale e decrescente; b globale e crescente; c non globale e crescente; d non globale e decrescente.
5. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(4)} \exp(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \exp(1 + 4|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a 8; b 2; c 4; d 16.
- 6. **Fisici:** Sia $C = \{(t^2/2, t^3/3) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2x)^{-1/2} ds$ vale a 1/3; b 1/2; c 1/4; d 1/5.
- 7. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(3 + 3t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(7)$ vale a 2; b 1/3; c 0; d 3.
8. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 9 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3x\}$. Allora il volume di B vale a 37; b 18; c 56; d 21/2.
9. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-10} (\sqrt[4]{1+x^5} + \sqrt[4]{1-x^5} - 2)$ vale a -3/16; b -4/25; c -3/25; d 3/25.
10. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sin(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 3] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a g ha massimo locale in 0; b g ha minimo locale in 0; c esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; d esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente.

spazio riservato alla commissione

Analisi Matematica 2

Prova scritta 07/09/12	Cognome e nome (stampatello chiaro)	C.L. (Mat/Fis)
---	--	-----------------------

Una e una sola è la risposta esatta. Annerire la casella scelta così: ■

L'esercizio contrassegnato con ● è diverso per i matematici e i fisici.

Punti per ogni risposta: **Esatta = 3, Bianca = 0, Errata = -1.**

Tempo a disposizione: **1 ora e 45 minuti.**

1. Siano $\Gamma = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 5xy = 3, x \neq y\}$ e $f : \Gamma \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x, y) = x^2 + y^2$. Allora f a ha minimo e $\min f = 6/5$; b ha minimo e $\min f = 10/3$; c non ha minimo e $\inf f = 10/3$; d non ha minimo e $\inf f = 6/5$.
2. Sia $B = \{(x, y, z) \in [0, +\infty)^3 : 4 \leq x^2 + y^2 \leq 16, z \leq 3y\}$. Allora il volume di B vale a 37; b 21/2; c 56; d 18.
3. Il limite $\lim_{x \rightarrow 0} x^{-8}(\sqrt[5]{1+x^4} + \sqrt[5]{1-x^4} - 2)$ vale a -3/25; b 3/25; c -4/25; d -3/16.
4. Sia $u : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^2 tale che $u''(t) + 4u(t) = 8(1 + e^{2t}) \forall t \in \mathbb{R}$, $u(0) = 3$ e $u'(0) = 2$. Allora la differenza $u(1) - 2$ vale a $3e^2$; b $2e^3$; c e^3 ; d e^2 .
5. La funzione $f : \mathbb{R} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $f(x) = \tanh(1/x^5)$ a è uniformemente continua; b è lipschitziana; c è discontinua; d non ha minimo.
6. Dato il problema di Cauchy in avanti $u'(t) = t^5(1 + u^2(t)) \sin((\pi/2)u(t))$, $u(0) = 5$, sia u la soluzione massimale. Allora u è a non globale e crescente; b non globale e decrescente; c globale e crescente; d globale e decrescente.
7. Sia $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ data da $g(z) = \int_{\Gamma} (xz + yz - \sinh(xz + yz)) ds(x, y)$, ove Γ è il grafico di una funzione $\psi : [0, 2] \rightarrow \mathbb{R}$ di classe C^1 non negativa. Allora a esiste un intorno di 0 in cui g è decrescente; b esiste un intorno di 0 in cui g è crescente; c g ha massimo locale in 0; d g ha minimo locale in 0.
- 8. **Fisici:** Sia $C = \{(t^3/3, t^2/2) : t \in [0, 1]\}$. Allora l'integrale $\int_C (1 + 2y)^{-1/2} ds$ vale a 1/4; b 1/5; c 1/3; d 1/2.
- 9. **Fisici:** Sia v la soluzione massimale del problema di Cauchy $v'(t) = v(t)/(4 + 4t)$, $v(0) = 1$. Allora $v(15)$ vale a 0; b 4; c 2; d 1/4.
10. Per $r > 0$ il simbolo $C(r)$ denoti l'insieme degli $x \in \mathbb{R}^3$ tali che $|x| = r$ e $x_1 = x_2$. Allora la formula $\int_{C(8)} \ln(1 + |x'|^2) ds = \lambda \int_{C(2)} \ln(1 + 16|x|^2) ds$, è corretta se λ vale a 16; b 2; c 64; d 4.

spazio riservato alla commissione