

1. Sia $f(x, y) = y^3 \sin(\pi e^{3x}) - 3\pi y^2 \arctan x, \forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$.

Allora $\pi^{-1} \frac{\partial f}{\partial x \partial y}(0, 1)$ vale

2. Sia I l'intervallo costituito da tutti e soli gli $x \in \mathbb{R}$ per cui converge la serie

di potenze reali $\sum_{n=1}^{+\infty} (-1)^n n^2 3^{-n} (x+8)^{2n-1}$. Allora $(\sup I) \cdot (\inf I)$ vale

3. Sia $f(x, y) = y^2 \cos(4x) + 4xe^{y-1}, \forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$. Sia \vec{u} il versore associato alla retta r di equazione $y - 2x = 0$, orientata nel senso delle x crescenti.

Allora $\sqrt{5} \frac{\partial f}{\partial \vec{u}}(0, 1)$ vale

4. Sia A l'insieme costituito da tutti e soli gli $x \in \mathbb{R}$ per cui converge la serie

$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n^2}{n^{39-x^2} + 1}$. Allora $2 \sup A - \inf A$ vale

5. Sia s la somma della serie convergente $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^{2n+1} 4^{n-2}}{(15)^n}$

Allora $\frac{1}{2s}$ vale

6. Sia $g(x) = 7x^8 \ln(1+x^2) - \frac{1}{7} \cos(7x^4), \forall x \in \mathbb{R}$. Sia $P_{13}(x)$ il polinomio di Mac Laurin di ordine 13 della funzione g . Allora $P'_{13}(-1)$ vale

Per ognuna delle 12 domande : 2 punti, se la risposta è esatta : 0 punti, se la risposta è sbagliata o non è data.

- La prova è superata e lo Studente è ammesso alla prova orale, se il punteggio totale così ottenuto è maggiore o uguale di 18 punti (cioè se le risposte esatte sono almeno 9).
- Tempo a disposizione: 2 ore .

Sia $f(x, y) = 7 + 2x^5 + 2y^3 + 5x^2 - 3y^2$, $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$. Sia (x_m, y_m) l'unico punto di **minimo** relativo della funzione f ; sia (x_M, y_M) l'unico punto di **massimo** relativo della funzione f . Allora $f(x_m, y_m) + 2f(x_M, y_M)$ vale 26

8. Si consideri, nel piano xy , il poligono T di vertici, nell'ordine, $(2, 0)$, $(1, 1)$, $(-1, 1)$, $(0, 0)$, $(-1, -1)$, $(1, -1)$. Sia C la curva-bordo di T , percorsa tutta una volta in **senso antiorario**.

Sia $\vec{F}(x, y) = y^6 \cos(8x) \vec{i} + 8x|y| \vec{j}$, $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$. Sia $J = \oint_C \vec{F} \cdot d\vec{r}$.

Allora J vale 16

9. Sia $D = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 9; y \leq -|x|\}$. Sia C la curva-bordo di D . Sia $\vec{n}(x, y)$ il vettore normale **esterno** a C nel generico punto $(x, y) \in C$.

Sia $\vec{F}(x, y) = 3xy \vec{i} + (y^5 \sin^3(3x) + e^{-3x}) \vec{j}$, $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$. Sia $I = \oint_C \vec{F}(x, y) \cdot \vec{n}(x, y) ds$.

Allora $\frac{I}{\sqrt{2}}$ vale -27

10. Si consideri, nel piano xy , la curva C data da $\vec{r}(t) = -t^2 \vec{i} + t \vec{j}$, $0 \leq t \leq 1$.

Sia $\vec{F}(x, y) = 4y^3 \vec{i} - x^2 \vec{j}$, $\forall (x, y) \in \mathbb{R}^2$. Sia $J = \int_C \vec{F} \cdot d\vec{r}$.

Allora $5J$ vale -9

11. Si consideri, nel piano xy , la curva C di equazione $y = \frac{x^2}{2}$, $0 \leq x \leq \sqrt{3}$.

Sia $I = \int_C 4x ds$. Allora $3I$ vale 28

12. Sia $V = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : 0 \leq x \leq 6; |y| \leq 1; 0 \leq z \leq 1\}$. Sia S la superficie-bordo di V . Sia $\vec{n}(x, y, z)$ il vettore normale **esterno** a S nel generico punto $(x, y, z) \in S$.

Sia $\vec{F}(x, y, z) = x \arctan(6y) \vec{i} + (xe^{6z} - y) \vec{j} - y^2 z \vec{k}$, $\forall (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$.

Sia $J = \iint_S \vec{F}(x, y, z) \cdot \vec{n}(x, y, z) dS$. Allora $3J$ vale -48

- Per ognuna delle 12 domande : 2 punti, se la risposta è esatta ; 0 punti, se la risposta è sbagliata o non è data.
- La prova è superata e lo Studente è ammesso alla prova orale, se il punteggio totale così ottenuto è maggiore o uguale di 18 punti (cioè se le risposte esatte sono almeno 9).
- **Tempo a disposizione: 2 ore .**