## Matematica con Elementi di Statistica - Pavia 5 settembre 2011 CTF

## • Scrivere le risposte di ciascun quesito negli apposti spazi

cognome e nome matricola

(Punti 6) Data la funzione  $f(x) = e^{2(x-1)} + log_e x$ , calcolarne la derivata nel punto di ascissa 1 e scrivere l'equazione della retta tangente al grafico della funzione nel punto di ascissa 1.

$$f'(1) = 3$$

$$y = 3x - 2$$

(Punti 5) Sono date due soluzioni  $S_1$  e  $S_2$  dello stesso soluto e dello stesso solvente.  $S_1$  ha concentrazione del 6% e  $S_2$  ha concentrazione incognita.

- Calcolare la concentrazione di  $S_2$  sapendo che  $S_1$  pesa il quadruplo di  $S_2$ e che la concentrazione della soluzione che si ottiene mescolando  $S_1$  e  $S_2$  è dell'8%.
- concentrazione di  $S_2=16\%$

(Punti 5) Scegliendo le coordinate logaritmiche opportune ( semilogaritmiche o doppiamente logaritmiche), calcolare il coefficiente angolare della retta corrispondente alla funzione  $y = \sqrt[5]{2\,x^{-4}}$ 

scala: log-log coefficiente angolare  $-\frac{4}{5}$ 

(**Punti 6**)Un test diagnostico corrispondente ad una malattia ha sensibilità pari all' 80% e specificità pari al 90%. Sapendo che il valore predittivo negativo del test è  $\frac{9}{47}$ , qual è la prevalenza della malattia? (Scrivere il risultato sotto forma di frazione con numeratore e denominatore interi.)

RISPOSTA:  $\frac{95}{100}$ 

Problema (6 punti: 3 punti ciascuno) Sapendo che un certi dati seguono una distribuzione gaussiana di media  $\mu=15$  e deviazione standard  $\sigma=2$ , utilizzando la tabella allegata, calcolare:

- 1. la percentuale di dati **fuori** dall'intervallo [9, 15.8] percentuale :34,59%
- 2. la percentuale di dati minori di 17 percentuale :84,1%

(scrivere il risultato arrotondato alla prima cifra decimale)