

Esercizio 1

Date le funzioni $f(x) = 2x - 5$ e $g(x) = \log_e(x + 2)$

- Dire quanto vale $f(g(x))$, quale è il suo insieme di definizione e quanto vale la sua derivata.
 - Dire quanto vale $g(f(x))$, quale è il suo insieme di definizione e quanto vale la sua derivata.
-
- | | | |
|---------------|-------------------------------|----------------|
| • $f(g(x)) =$ | $f(g(x))$ è definita per..... | $(f(g(x)))' =$ |
| • $g(f(x)) =$ | $g(f(x))$ è definita per..... | $(g(f(x)))' =$ |

Esercizio 2

Studiare le funzioni:

$$f(x) = |x| \text{ e}$$

$$g(x) = \begin{cases} |x + 1| & \text{se } x \leq 0 \\ x^2 + 1 & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

Esercizio 3

Date le funzioni $f(x) = x^2$ e $g(x) = 2x - 1$

- Dire quanto vale $f(g(x))$, quale è il suo insieme di definizione e quanto vale la sua derivata.
- Dire quanto vale $g(f(x))$, quale è il suo insieme di definizione e quanto vale la sua derivata,
- Disegnare un grafico qualitativo delle due funzioni.

Esercizio 4

Dire per quale valore del parametro k la seguente funzione:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + k & \text{se } x \leq 0 \\ e^x - k & \text{se } x > 0 \end{cases}$$

è continua in tutto il suo insieme di definizione;

per tale valore del parametro disegnare il grafico della funzione;

trovare i punti di massimo (x_M) e minimo (x_m) assoluti con i rispettivi valori massimo (M) e minimo (m) della funzione nell'intervallo $[-2, 2]$.

Esercizio 5

Date le funzioni $f(x) = |x^2 - 3x + 2|$ e $g(x) = 2x - 1$

- Dire quanto vale $f(g(x))$.
- Dire quanto vale $g(f(x))$,
- disegnare un grafico qualitativo di $f(x)$, di $g(x)$, di $f(g(x))$ e di $g(f(x))$

Esercizio 6

data la funzione:

$$g(x) = \begin{cases} e^x & \text{se } x \geq 0 \\ x^2 + 1 & \text{se } x < 0 \end{cases}$$

Studiare derivabilità e continuità della funzione.

Esercizio 7

1) Calcolare il coefficiente angolare m_1 della retta tangente al grafico della funzione

$$f(x) = \frac{\ln(x+1)}{\cos x} \text{ nel punto } x = 0.$$

2) Risolvere lo stesso problema calcolando il coefficiente angolare m_2 della tangente al grafico della funzione $g(x) = \frac{e^{x^2}}{x}$ nel punto $x = 1$.

Esercizio 8

Calcolare le derivate prime delle seguenti funzioni:

$$f(x) = e^{\cos x};$$

$$g(x) = x^3 \sin x;$$

$$h(x) = x^4 - x^3 + 7x.$$

Esercizio 9

Date le funzioni $f(x) = \frac{1}{x}$ e $g(x) = \log_e |x|$

- Dire quanto vale $f(g(x))$, quale è il suo insieme di definizione e disegnarne un grafico qualitativo.
 - Dire quanto vale $g(f(x))$, quale è il suo insieme di definizione e quanto vale la sua derivata nel punto $x = 3$.
-
- $f(g(x)) =$ $f(g(x))$ è definita per..... $=$
 - $g(f(x)) =$ $g(f(x))$ è definita per..... $(g(f(3)))' =$

Esercizio 10

1) Calcolare il coefficiente angolare m_1 della retta tangente al grafico della funzione

$f(x) = e^{2x-1} + \cos x$ nel punto $x = 0$.

2) Risolvere lo stesso problema calcolando il coefficiente angolare m_2 della tangente al grafico della funzione $g(x) = \frac{x^2+1}{\log(1+x)}$ nel punto $x = 1$.

1. $m_1 =$

2. $m_2 =$